

# 数 学

(数 I, 数 II, 数 A, 数 B)

9:00~10:30

## 注 意

1. 試験開始の合図があるまで、この問題紙を開いてはならない。
2. 問題紙は 3 ページある。
3. 解答用紙は
 

解答用紙番号
数学 0—1

 (問[1]用), 
 

解答用紙番号
数学 0—2

 (問[2]用),
   

解答用紙番号
数学 0—3

 (問[3]用), 
 

解答用紙番号
数学 0—4

 (問[4]用)
4. 解答用紙は 4 枚とも全部必ず提出せよ。
5. 受験番号および座席番号(上下 2 箇所)は、監督者の指示に従って、すべての解答用紙の指定された箇所に必ず記入せよ。
6. 各問に対する解答は、それぞれ 3 で指定された解答用紙に記入せよ。  
ただし、裏面を使用してはならない。
7. 必要以外のことを解答用紙に書いてはならない。
8. 問題紙の余白は下書きに使用してもさしつかえない。
9. 下書き用紙は回収しない。

## 解 答 上 の 注 意

採点時には、結果を導く過程を重視するので、必要な計算・論証・説明などを省かずに解答せよ。

1 次の間に答えよ。

(1) 自然数  $m, n$  について,  $2^m \cdot 3^n$  の正の約数の個数を求めよ。

(2) 6912 の正の約数のうち, 12 で割り切れないものの総和を求めよ。

2 次の条件によって定められる数列  $\{a_n\}$  について考える。

$$a_1 = 3, \quad a_{n+1} = 3a_n - \frac{3^{n+1}}{n(n+1)} \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

(1)  $b_n = \frac{a_n}{3^n}$  とおくとき,  $b_{n+1}$  を  $b_n$  と  $n$  の式で表せ。

(2) 数列  $\{a_n\}$  の一般項を求めよ。

**[3]**  $a$  を 0 でない実数とする。 $C$  を  $y = -x^3 + x^2$  で表される曲線、 $\ell$  を  $y = a$  で表される直線とし、 $C$  と  $\ell$  は共有点をちょうど 2 つもつとする。

- (1)  $a$  の値を求めよ。
- (2)  $C$  と  $\ell$  の共有点の  $x$  座標をすべて求めよ。
- (3)  $C$  と  $\ell$  で囲まれた図形の面積を求めよ。

**[4]** 各面に 1 つずつ数が書かれた正八面体のさいころがある。「1」、「2」、「3」が書かれた面がそれぞれ 1 つずつあり、残りの 5 つの面には「0」が書かれている。このさいころを水平な床面に投げて、出た面に書かれた数を持ち点に加えるという試行を考える。最初の持ち点は 0 とし、この試行を繰り返す。例えば、3 回の試行を行ったとき、出た面に書かれた数が「0」、「2」、「3」であれば、持ち点は 5 となる。なお、さいころが水平な床面にあるとき、さいころの上部の水平な面を出た面とよぶ。また、さいころを投げるととき、各面が出ることは同様に確からしいとする。

- (1) この試行を 2 回行ったとき、持ち点が 1 である確率を求めよ。
- (2) この試行を 4 回行ったとき、持ち点が 10 以下である確率を求めよ。

R—6 (A)

受験号	A							
-----	---	--	--	--	--	--	--	--

解答用紙番号

数学0—1

41—0—1

座席番号		
------	--	--

(下の座席番号欄にも)  
記入すること。

1

数学解答用紙(数I, 数II, 数A, 数B)  
(裏面を使用してはならない)

選抜区分
A

R—6 (A)

注意

- この欄の座席番号も必ず記入すること。
- ※採点欄・採点表には何も記入しないこと。

解答用紙番号
数学0—1

座席番号

41—0—1

10 11 12

※採点表
問題1
0

13 14 15

R—6 (A)

受験号	A							
-----	---	--	--	--	--	--	--	--

解答用紙番号

数学0—2

41—0—2

座席番号			
------	--	--	--

(下の座席番号欄にも  
記入すること。)

2

数学解答用紙(数I, 数II, 数A, 数B)  
(裏面を使用してはならない)

※採点欄

選抜区分
A

R—6 (A)

注意

- この欄の座席番号も必ず記入すること。
- ※採点欄・採点表には何も記入しないこと。

解答用紙番号
数学0—2

座席番号

※採点表
問題2
0

41—0—2

10 11 12

13 14 15

R—6 A

受 験 番 号	A							
------------------	---	--	--	--	--	--	--	--

解答用紙番号
数学0—3

41—0—3

座 席 番 号				
------------------	--	--	--	--

(下の座席番号欄にも)  
記入すること。

3

数学解答用紙(数I, 数II, 数A, 数B)  
(裏面を使用してはならない)

選抜区分
A

R—6 A

注意

- この欄の座席番号も必ず記入すること。
- \*採点欄・採点表には何も記入しないこと。

解答用紙番号
数学0—3
座席番号

41—0—3

10	11	12
----	----	----

10 11 12

*採点表
問題3
0

13 14 15

R—6 (A)

受験番号	A							
------	---	--	--	--	--	--	--	--

解答用紙番号
数学0—4

41—0—4

座席番号			
------	--	--	--

(下の座席番号欄にも)  
記入すること。

4

数学 解 答 用 紙(数I, 数II, 数A, 数B)  
(裏面を使用してはならない)

選抜区分  
A

R—6 (A)

注意

- この欄の座席番号も必ず記入すること。
- ※採点欄・採点表には何も記入しないこと。

解答用紙番号
数学0—4

41—0—4

座席番号

10 11 12

※採点表
問題4
0

13 14 15

数学下書き用紙1 (下書き用紙は回収しない。)

数 学 下 書 き 用 紙 2 (下書き用紙は回収しない。)

数 学 下 書 き 用 紙 3 (下書き用紙は回収しない。)

数学下書き用紙4 (下書き用紙は回収しない。)